

$$f(n) = n \quad n \leq t < n+1$$

$$\mathcal{L}(f(t)) = \int_0^{\infty} e^{-st} f(t) dt =$$

$$\int_0^1 e^{-st} (0) dt + \int_1^2 e^{-st} (1) dt + \int_2^3 e^{-st} (2) dt + \dots$$

$$= \dots + (1) \left[\frac{e^{-s} - e^{-2s}}{s} \right] + (2) \left[\frac{e^{-2s} - e^{-3s}}{s} \right] + \dots$$

$$= \frac{e^{-s} (1 - e^{-s})}{s} \left[1 + 2e^{-s} + 3e^{-2s} + 4e^{-3s} + \dots \right]$$

Recall $1 + x + x^2 + \dots = \frac{1}{1-x}$

$$1 + 2x + 3x^2 + \dots = \frac{1}{(1-x)^2}$$

Let $x = e^{-s}$

$$1 + 2e^{-s} + 3e^{-2s} + \dots = \frac{1}{(1 - e^{-s})^2}$$